



数学の世界 をぞいてみよう!

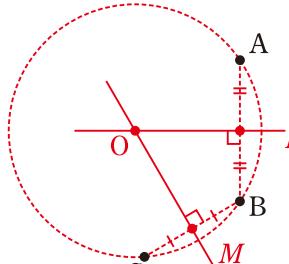
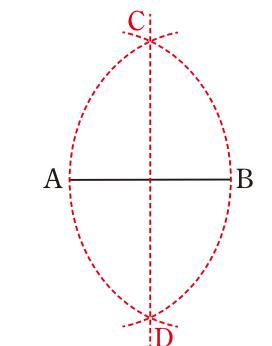
執筆・編集：佐藤 太郎

今回は、角が等しくなるような点の作図について考えます。

作図法の確認

まず、線分の垂直二等分線の描き方を確認しておきます。線分ABがあたえられているとき、点Aを中心とし半径ABの円と点Bを中心とし半径ABの円を描き、その2円の交点をC、Dとします。このとき、2点C、Dを通る直線を描けば、CDが線分ABの垂直二等分線になっています。証明を知りたい人は、第4回（2016年4月27日付）の記事を見てください。

次に、一直線上にない3点A、B、Cがあたえられているとき、3点A、B、Cを通る円の描き方です。右の図のように、線分ABの垂直二等分線Lと線分BCの垂直二等分線Mを、上で解説したように描きます。すると、LとMの交点Oが3点A、B、Cを通る円の中心になるので、Oを中心とし半径OAの円を描けばよいことになります。証明を知りたい人は第45回（2019年9月18日付）の記事を見てください。

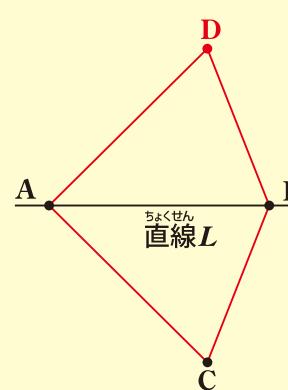


ある条件をみたす点の作図

チャレンジ問題のために、次の問題を考えておきましょう。

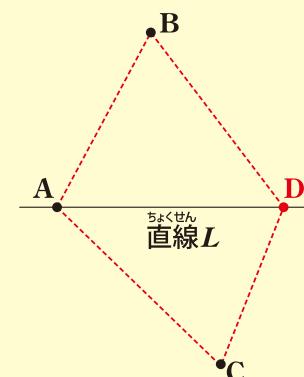
問題 1

右の図のように直線LとL上の2点A、Bと、L上にない点Cがあたえられています。この図において、直線Lに対して、点Cと反対側に点Dを、AC=ADで、かつCAとBAのなす角とDAとBAのなす角が等しくなるように定規とコンパスを用いて描き、その描き方で正しく図が描けていることを証明してみましょう。



チャレンジ問題

右の図のように直線LとL上の点A、直線Lの両側に点B、Cがあたえられています。この図において、直線L上に点DをBAとBDのなす角とCAとCDのなす角が等しくなるように定規とコンパスを用いて描き、その描き方で正しく図が描けていることを証明してみましょう。



参考

問題 1 がヒントになります。

コンパスと定規で描ける図形の世界

ユークリッド幾何の世界

第105回

角が等しくなるような点の作図



目次
過去の記事
次の記事

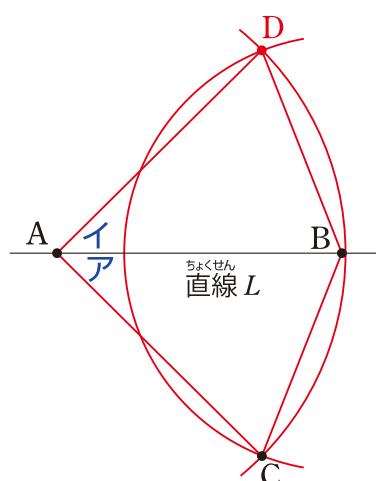
[https://www.seg.co.jp/
blog-category/math-world/](https://www.seg.co.jp/blog-category/math-world/)

考え方

△ABCと△ABDの関係は……。

描き方

点Aを中心とし半径ACの円Aと点Bを中心とし半径BCの円Bを描き、円Aと円Bの2つの交点のうちCでない方をDとすると、この点Dが求める点になっています。



証明

図のように、角ア、イをおきます。
図の描き方から、 $AC = AD \dots ①$ 、

$BC = BD \dots ②$ です。△ABCと△ABDにおいて、「三辺が互いに等しい三角形はぴったり重なる」とから、①②とABは共通より、△ABCと△ABDはぴったり重なります。よって、角ア=角イ…③です。①③より、正しく図が描けていることが証明されました。

角が等しくなるような点の作図

それでは、今回のチャレンジ問題に取り組んでみましょう。がんばって考えてみてくださいね。

チャレンジ問題

右の図のように直線LとL上の点A、直線Lの両側に点B、Cがあたえられています。この図において、直線L上に点DをBAとBDのなす角とCAとCDのなす角が等しくなるように定規とコンパスを用いて描き、その描き方で正しく図が描けていることを証明してみましょう。

参考

問題 1 がヒントになります。

証明のための根本原理と図を描くときの注意

コンパスの使い方や三角形がどんなときにぴったり重なるかなど、図を描いたり証明したりするときに使う根本原理をまとめておきます。はじめてこの記事を読む人は参考にしてください。

根本原理

- 定規で、2点を通る直線が引ける。コンパスで、与えられた点を中心とし、与えられた半径の円が描ける。

・三辺が互いに等しい三角形はぴったり重なる。

・二辺とその間の角が互いに等しい三角形はぴったり重なる。

・一辺とその両端の角が互いに等しい三角形はぴったり重なる。

・斜辺と他の一辺が互いに等しい直角三角形はぴったり重なる。

・二等辺三角形の底角は等しい。逆に、二角が等しければ二等辺三角形である。

・3点A、B、Cがこの順番で一直線上にあるならば、

BAとBCのなす角は180度であり、逆に、BAと

BCのなす角が180度ならば、3点A、B、Cがこ

の順番で一直線上にある。

・対頂角は等しい（図1）。

図1 対頂角

図2 錯角

図3 円の接線

・2直線において、錯角の位置の角が等しければ、そ

の2直線は平行である。逆に、2直線が平行であれ

ば、その2直線に対する錯角の位置の角は等しい

（図2）。

・三角形の内角の和は180度、四角形の内角の和は

360度である。

・ある円の円周上の点を通る直線は、その点と中心を

結ぶ半径と垂直であるならば接線であり、逆に、あ

る円の円周上の点を通る接線は、その点と中心を結

ぶ半径と垂直である（図3）。

・平行四辺形の向かい合う辺は等しい。

・3本の平行線が平行線と交わる直線から切り取る2本の線分の長さの比は常に等しい。

・二辺の比とその間の角が互いに等しい三角形は相似である。

・二角が互いに等しい三角形は相似である。

・三辺の比が互いに等しい三角形は相似である。

・ある弧に対する円周角は、その弧に対する中心角の半分であり、共通の弧に

対する円周角は等しい。

・円の内接する四角形において、向かい合う二角の和は180度であり、1つの

内角とその向かい合う内角に対する外角は等しい。

・円の接線と弦のなす角は、その弦を見込む円周角と等しい。

図を描くときの注意

・定規は目盛がないものとします。直線を引くこと以外には使えません。

チャレンジ問題の解答は、4面をご覧ください。

このコーナーは原則として、毎月第3週の木曜日に掲載します。